Sujet

On considère le polynôme de degré 2 suivant $f(x) = 5x^2 - 5x - 60$.

- **q1)** Montrer que la forme canonique du polynôme f(x) est $5\left(x-\frac{1}{2}\right)^2-\frac{245}{4}$.
- **q2)** A l'aide de la forme canonique du polynôme f(x), montrer que l'équation f(x) = 0 admet deux solutions réelles -3 et 4.
- **q3)** A l'aide de la forme canonique du polynôme f(x), montrer que la forme factorisée de f(x) est 5(x-4)(x+3).
- **q4)** A l'aide de la forme factorisée du polynôme f(x), réaliser le tableau de signes de f(x) et en déduire les solutions de l'inéquation $f(x) \ge 0$.
- **q5)** A l'aide de la forme canonique du polynôme f(x), montrer que la fonction f(x) est strictement décroissante sur l'intervalle $\left[-\infty; \frac{1}{2}\right]$ et est strictement croissante sur l'intervalle $\left[\frac{1}{2}; +\infty\right[$. Dresser le tableau des variations de la fonction f(x).
- **q6)** A l'aide de la forme canonique du polynôme f(x), montrer que pour tout nombre réel r positif ou nul, on a $f\left(\frac{1}{2}-r\right)=f\left(\frac{1}{2}+r\right)$. Que peut-on déduire de cette égalité pour la courbe représentative de la fonction f?
- **q7)** A l'aide de l'ordonnée à l'origine f(0) et des résultats obtenus précédemment, représenter la courbe représentative de la fonction f.
- **q8)** A l'aide de la calculatrice, représenter la courbe représentative de la fonction f et vérifier l'intégralité des questions précédentes.